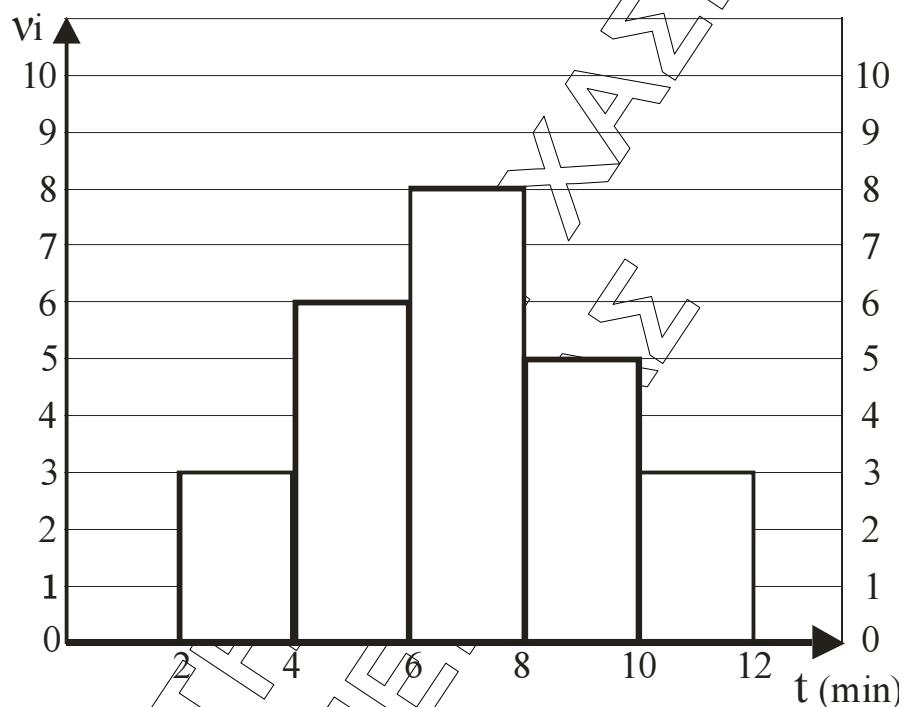


**ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ Β' ΚΥΚΛΟΥ  
ΗΜΕΡΗΣΙΩΝ ΤΕΕ**  
**ΤΡΙΤΗ 12 ΙΟΥΝΙΟΥ 2007**  
**ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ 1ο**

Οι χρόνοι καθυστερήσεων που παρατηρήθηκαν σε 25 δρομολόγια ενός οργανισμού σιδηροδρόμων δίνονται από το παρακάτω ιστόγραμμα συχνοτήτων:



- a. Να μεταφέρετε τον παρακάτω πίνακα στο τετράδιό σας και να τον συμπληρώσετε με τη βοήθεια του παραπάνω ιστογράμματος συχνοτήτων.

Διάστημα	Συχνότητα $v_i$	Μέσο διαστήματος $K_i$	$v_i K_i$	Σχετική συχνότητα $f_i \%$	Σχετική αθροιστική συχνότητα %
[2, 4)					
[4, 6)					
[6, 8)					
[8, 10)					
[10, 12)					
Άθροίσματα					

Μονάδες 10

**β.** Να βρείτε το μέσο χρόνο καθυστερήσεων των δρομολογίων.

**Μονάδες 5**

**γ.** Πόσα δρομολόγια είχαν καθυστέρηση τουλάχιστον 6 λεπτά;

**Μονάδες 5**

**δ.** Ποιο είναι το ποσοστό των δρομολογίων που είχαν καθυστέρηση λιγότερο από 8 λεπτά;

**Μονάδες 5**

## ΘΕΜΑ 2ο

Δίνεται η συνάρτηση  $f$  με:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - 4x^2 + 3x}{x^2 - x} & \text{αν } x < 0 \\ -3 + \beta & \text{αν } x = 0 \\ e^x - \alpha & \text{αν } x > 0 \end{cases}$$

όπου  $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ .

**α.** Να βρείτε το  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ .

**Μονάδες 8**

**β.** Να βρείτε το  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ .

**Μονάδες 4**

**γ.** Να βρείτε την τιμή του  $\alpha$ , ώστε να υπάρχει το  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ .

**Μονάδες 8**

**δ.** Για την τιμή  $\alpha=4$  να υπολογίσετε τον πραγματικό αριθμό  $\beta$ , ώστε η  $f$  να είναι συνεχής στο  $x=0$ .

**Μονάδες 5**

ΕΡΩΤΗΣΗ

### **ΘΕΜΑ 3ο**

Δίνεται η συνάρτηση  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  με  $f(x) = x^2 + kx + \lambda$ ,  $k, \lambda \in \mathbb{R}$ .

Αν η  $f$  παρουσιάζει τοπικό ακρότατο στο  $x_0=1$  και το σημείο  $A(1,0)$  ανήκει στη γραφική της παράσταση,

α. να δείξετε ότι  $k=-2$  και  $\lambda=1$ .

**Μονάδες 12**

β. να υπολογίσετε τη δεύτερη παράγωγο  $f''$  της  $f$ .

**Μονάδες 5**

γ. να δείξετε ότι για κάθε  $x \in \mathbb{R}$  ισχύει:

$$f(x) + f'(x) + f''(x) > 0.$$

**Μονάδες 8**

### **ΘΕΜΑ 4ο**

Δίνεται η συνάρτηση  $f$  με τύπο  $f(x)=10 \ln x - 5x^2$ ,  $x>0$ .

α. Να βρείτε την παράγωγο  $f'$  της  $f$ .

**Μονάδες 5**

β. Να μελετήσετε τη συνάρτηση  $f$  ως προς τη μονοτονία.

**Μονάδες 8**

γ. Για ποια τιμή του  $x$  η  $f$  παρουσιάζει ακρότατο. Να προσδιορίσετε το είδος του ακροτάτου και να το υπολογίσετε.

**Μονάδες 8**

δ. Να δείξετε ότι  $f(x) \leq -5$ , για κάθε  $x>0$ .

**Μονάδες 4**

ΕΡΩΝΤΑΣ