

ΤΑΞΗ: Γ' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗ: ΘΕΤΙΚΗ & ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗ

ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ

Ημερομηνία: Κυριακή 21 Απριλίου 2013

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1 - γ

A2 - α

$$(ισχύει: K = \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{\frac{L^2}{2}}{2 \cdot I})$$

A3 - γ

(από τη φορά του ρεύματος και την πολικότητα των οπλισμών προκύπτει ότι ο πυκνωτής φορτίζεται)

A4 - δ

(η κινητική ενέργεια μεγιστοποιείται στη θέση ισορροπίας, από την οποία ο ταλαντωτής διέρχεται 2 φορές στη διάρκεια κάθε ταλάντωσης)

A5 - $\alpha = \Sigma$

ισχύουν: $x = A\eta\mu\omega t$ και $a = -a_{max}\eta\mu\omega t = a_{max}\eta\mu(\omega t + \pi)$

$\beta = \Sigma$

για το ζεύγος ισχύει $\Sigma F = 0$ και $\Sigma t \neq 0$

$\gamma = \Sigma$

$$E = K + U = \text{σταθ. Άρα: } \frac{dE}{dt} = \frac{dK}{dt} + \frac{dU}{dt} \xrightarrow{dE=0} \frac{dK}{dt} = -\frac{dU}{dt}$$

$\delta = \Lambda$

Τα στοιχειώδη σωματίδια - ηλεκτρόνια, πρωτόνια και νετρόνια έχουν σπιν μέτρου $\frac{1}{2}\hbar$.

$\varepsilon = \Sigma$

Σε κάθε κρούση ισχύει η Α.Δ.Ο οπότε:

$$\vec{p}_1 + \vec{p}_2 = \vec{p}'_1 + \vec{p}'_2 \Leftrightarrow \vec{p}_1 - \vec{p}'_1 = \vec{p}'_2 - \vec{p}_2 \Leftrightarrow -(\vec{p}'_1 - \vec{p}_1) = \vec{p}'_2 - \vec{p}_2 \Leftrightarrow$$

$$\Delta \vec{p}_1 = -\Delta \vec{p}_2$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)

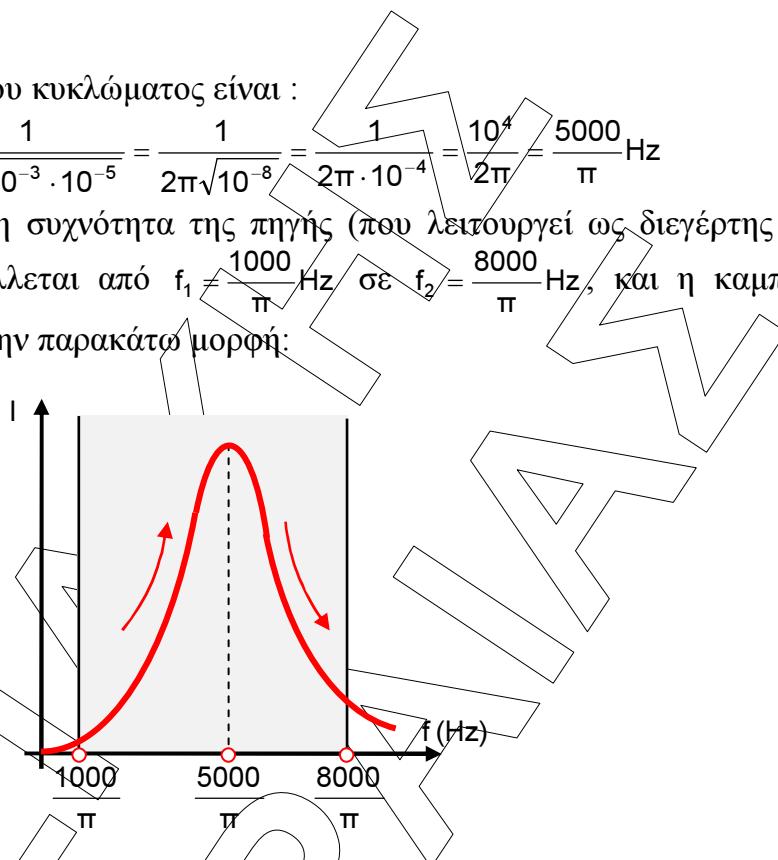
ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστό το γ.

Η ιδιοσυχνότητα του κυκλώματος είναι :

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{10^{-3} \cdot 10^{-5}}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{10^{-8}}} = \frac{1}{2\pi \cdot 10^{-4}} = \frac{10^4}{2\pi} = \frac{5000}{\pi} \text{ Hz}$$

Με δεδομένο ότι η συχνότητα της πηγής (που λειτουργεί ως διεγέρτης στο κύκλωμα) μεταβάλλεται από $f_1 = \frac{1000}{\pi}$ Hz σε $f_2 = \frac{8000}{\pi}$ Hz, και η καμπύλη συντονισμού έχει την παρακάτω μορφή:



συμπεραίνουμε πως το πλάτος αρχικά αυξάνεται και μετά μειώνεται.

B2.1 Σωστό το γ.

Από τη σύνθεση των $x_1 = A_0 \cdot \eta \omega_1 t$ και $x_2 = \sqrt{3}A_0 \cdot \eta \mu \left(\omega_1 t + \frac{\pi}{2} \right)$ προκύπτει μια νέα απλή αρμονική ταλάγωση με πλάτος A_1 , που δίνεται από τη σχέση:

$$A_1 = \sqrt{A_0^2 + 3A_0^2 + 2A_0^2 \cdot \sin^2 \frac{\pi}{2}} = 2A_0$$

Από τη σύνθεση των Α.Α.Τ με εξισώσεις $x_2 = A_1 \cdot \eta \omega_1 t$ και $x_3 = A_1 \cdot \eta \omega_2 t$, όπου ω_1 και ω_2 παραπλήσιες, προκύπτει διακρότημα με πλάτος A_2 που μεταβάλλεται περιοδικά μεταξύ των τιμών:

$$0 \leq A_2 \leq 2A_1 \quad \text{ή} \quad 0 \leq A_2 \leq 4A_0$$

B2.2 Σωστό το β.

Ο χρόνος μεταξύ δυο διαδοχικών μηδενισμών του πλάτους A_2 (περίοδος διακροτήματος) δίνεται από τη σχέση:

$$T_\delta = \frac{1}{|f_1 - f_2|} = \frac{1}{\frac{|\omega_1 - \omega_2|}{2\pi}} = \frac{2\pi}{|\omega_1 - \omega_2|} = \frac{2\pi}{\pi} \quad \text{ή} \quad T_\delta = 2s$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)

B3. Σωστό το γ.

Φέρνουμε την κάθετο στο σημείο επαφής της προσπίπτουσας ακτίνας πάνω στο κάτοπτρο. Η γωνία πρόσπτωσης $\hat{\pi}$ είναι ίση με την γωνία $\hat{\phi}$ που σχηματίζει το κάτοπτρο με τον πυθμένα (ως οξείες γωνίες που έχουν τις πλευρές τους κάθετες), άρα $\hat{\pi} = 30^\circ$.

Για την ανάκλαση που συμβαίνει στο κάτοπτρο ισχύει ότι η γωνία πρόσπτωσης $\hat{\pi}$ και η γωνία ανάκλασης $\hat{\alpha}$ είναι ίσες, οπότε $\hat{\pi} = \hat{\alpha} = 30^\circ$. Η γωνία $\hat{\theta}_{crit}$ με τη σειρά της είναι ίση με το άθροισμα της $\hat{\pi}$ και $\hat{\alpha}$ (ως εντός εναλλάξ), επομένως $\hat{\theta}_{crit} = \hat{\pi} + \hat{\alpha} = 60^\circ$.

Από τον νόμο του Snell έχουμε:

$$n_u n_{\mu\theta_{crit}} = n_d \cdot n_{90^\circ} \Leftrightarrow n_u = \frac{1}{n_{\mu\theta_{crit}}} \quad n_u = \frac{1}{\sqrt{3}/2} \Leftrightarrow n_u = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

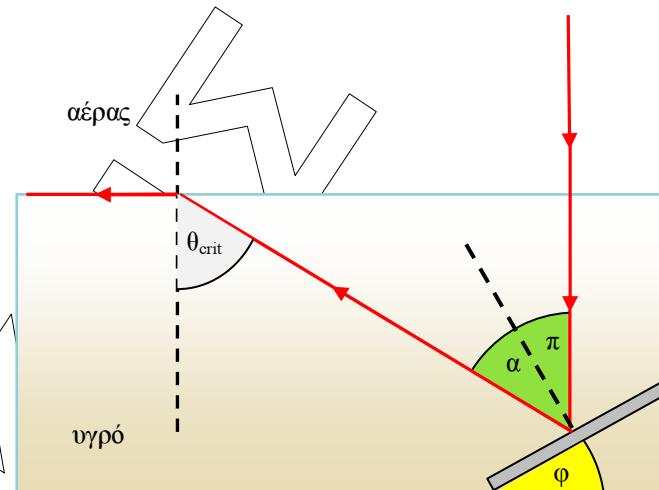
ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Η σημαδούρα αρχίζει να ταλαντώνεται όταν φτάσει σε αυτή το κύμα από την εγγύτερη πηγή, δηλαδή την Π_1 . Με βάση τα δεδομένα της άσκησης αυτό συμβαίνει τη στιγμή $t_1=0,4s$. Άρα η απόσταση από την Π_1 είναι:

$$u = \frac{r_1}{t_1} \Leftrightarrow r_1 = u \cdot t_1 \Leftrightarrow r_1 = 2 \cdot 0,4 \Leftrightarrow r_1 = 0,8 \text{ m}$$

Όταν στη σημαδούρα φτάσει το κύμα από τη δεύτερη πηγή, αρχίζει το φαινόμενο της συμβολής με αποτέλεσμα το πλάτος της ταλάντωσής της να μεταβάλλεται και πιο συγκεκριμένα να διπλασιάζεται. Αυτό σημαίνει ότι το σημείο K, είναι σημείο ενίσχυσης. Από την εκφώνηση προκύπτει ότι το κύμα από τη δεύτερη πηγή φτάνει στο K την $t_2=0,6s$. Άρα η απόσταση από την Π_2 είναι:

$$u = \frac{r_2}{t_2} \Leftrightarrow r_2 = u \cdot t_2 \Leftrightarrow r_2 = 2 \cdot 0,6 \Leftrightarrow r_2 = 1,2 \text{ m}$$



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)

- Γ2.** Η εξίσωση ταλάντωσης των πηγών θα είναι της μορφής: $y = A \cdot \eta\mu(\omega t)$

Επειδή το σημείο K βρίσκεται στην 1^η υπερβολή ενίσχυσης μετά τη μεσοκάθετο, οι αποστάσεις του r_1, r_2 από τις δύο πηγές, θα επαληθεύουν τη συνθήκη ενίσχυσης $|r_1 - r_2| = N \cdot \lambda$, για $N=1$, οπότε:

$$r_2 - r_1 = 1 \cdot \lambda \Leftrightarrow \lambda = 0,4 \text{ m}$$

Με βάση τη θεμελιώδη εξίσωση της κυματικής έχουμε:

$$U = \lambda \cdot f \Leftrightarrow f = \frac{U}{\lambda} \Leftrightarrow f = \frac{2}{0,4} \Leftrightarrow f = 5 \text{ Hz} \quad \text{ή} \quad T = 0,2 \text{ s}$$

Για τη σημαδούρα θα ισχύουν:

- Μέχρι την άφιξη του κύματος από την Π_1 , η σημαδούρα δεν ταλαντώνεται και συνεπώς $y=0$.
- Από τη στιγμή $t_1=0,4 \text{ s}$, που φτάνει το κύμα από την Π_1 και μέχρι να φτάσει το κύμα από την Π_2 την $t_2=0,6 \text{ s}$, η σημαδούρα ταλαντώνεται με την επίδραση του ενός μόνο κύματος, οπότε η εξίσωση ταλάντωσης του είναι:

$$y_K = A \cdot \eta\mu 2\pi \left(\frac{t - r_1}{T} \right) \Leftrightarrow y_K = \frac{0,2}{\pi} \cdot \eta\mu 2\pi \left(5t - \frac{0,8}{0,4} \right) \Leftrightarrow$$

$$y_K = \frac{0,2}{\pi} \cdot \eta\mu 2\pi (5t - 2) \Leftrightarrow$$

$$y_K = \frac{0,2}{\pi} \cdot \eta\mu (10\pi t - 4\pi) \quad (\text{S.I.})$$

- Από την $t_2=0,6 \text{ s}$, η σημαδούρα ταλαντώνεται υπό την επίδραση και των δυο κυμάτων οπότε ισχύει:

$$y_K = 2A \cdot \sin 2\pi \frac{|r_1 - r_2|}{2\lambda} \cdot \eta\mu 2\pi \left(\frac{t - r_1 + r_2}{T} \right) \Leftrightarrow$$

$$y_K = \frac{0,4}{\pi} \cdot \sin 2\pi \frac{0,4}{0,8} \cdot \eta\mu 2\pi \left(5t - \frac{2}{0,8} \right) \Leftrightarrow$$

$$y_K = \frac{0,4}{\pi} \cdot \sin \pi \cdot \eta\mu 2\pi (5t - 2,5) \Leftrightarrow$$

$$y_K = -\frac{0,4}{\pi} \cdot \eta\mu (10\pi t - 5\pi) \Leftrightarrow$$

$$y_K = \frac{0,4}{\pi} \cdot \eta\mu (10\pi t - 5\pi + \pi) \Leftrightarrow$$

$$y_K = \frac{0,4}{\pi} \cdot \eta\mu (10\pi t - 4\pi) \quad (\text{S.I.})$$

Συνοψίζοντας τα παραπάνω, η απομάκρυνση της σημαδούρας από τη θέση ισορροπίας περιγράφεται από τις εξισώσεις:

$$y_K = \begin{cases} 0 & 0 \leq t < 0,4s \\ \frac{0,2}{\pi} \cdot \eta \mu (10\pi t - 4\pi) \text{ (S.I)} & 0,4s \leq t < 0,6s \\ \frac{0,4}{\pi} \cdot \eta \mu (10\pi t - 4\pi) \text{ (S.I)} & t \geq 0,6s \end{cases}$$

Γ3. Η δυναμική ενέργεια ταλάντωσης της σημαδούρας δίνεται από τη σχέση:

$$U = \frac{1}{2} D A_K^2$$

- Συνεπώς η δυναμική ενέργεια παίρνει τη μέγιστη τιμή της για πρώτη φορά όταν το πλάτος ταλάντωσης της σημαδούρας γίνει μέχιστο για πρώτη φορά.
- Επειδή στη σημαδούρα έχουμε ενισχυτική συμβολή το πλάτος της μεγιστοποιείται μετά την έναρξη της συμβολής, οπότε και λαμβάνει την τιμή 2A.
- Η έναρξη της συμβολής γίνεται την $t_2=0,6s$, στιγμή κατά την οποία η σημαδούρα βρίσκεται στη θέση ισορροπίας αφού σε σημεία ενίσχυσης η συνάντηση των κυμάτων γίνεται μετά τη συμπλήρωση ακέραιου αριθμού ταλαντώσεων μετά από την άφιξη του 1^ο κύματος.

Άρα η σημαδούρα θα βρεθεί για πρώτη φορά, μετά την έναρξη της συμβολής στη μέγιστη απομάκρυνσή της, τη στιγμή:

$$t = t_2 + \frac{T}{4} \Leftrightarrow t = 0,6 + \frac{0,2}{4} \Leftrightarrow t = 0,65 \text{ s}$$

Γ4. Κατά την ταλάντωσή της η σημαδούρα λειτουργεί ως πηγή ήχου που άλλοτε πλησιάζει και άλλοτε απομακρύνεται από τον ανιχνευτή A. Σύμφωνα με το φαινόμενο Doppler, λόγω της σχετικής κίνησης πηγής - ανιχνευτή, ο τελευταίος θα καταγράφει διαφορετική συχνότητα από την εκπεμπόμενη.

- Όταν η σημαδούρα κινείται πλησιάζοντας τον ανιχνευτή, η συχνότητα που θα καταγράφει αυτός θα δίνεται από τη σχέση:

$$f_A = \frac{U}{U - |U_K|} f_s$$

- Όταν η σημαδούρα κινείται απομακρυνόμενη από τον ανιχνευτή, η συχνότητα που θα καταγράφει αυτός θα δίνεται από τη σχέση:

$$f_A = \frac{U}{U + |U_K|} f_s$$

Από τις προηγούμενες σχέσεις συμπεραίνουμε ότι η συχνότητα που καταγράφει ο ανιχνευτής είναι μεγαλύτερη στην περίπτωση που η σημαδούρα πλησιάζει προς αυτόν.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)

Η καταγραφόμενη από τον ανιχνευτή συχνότητα παίρνει τη μέγιστη τιμή της όταν η ταχύτητα της σημαδούρας είναι μέγιστη και η κατεύθυνσή της είναι προς τον ανιχνευτή, όταν δηλαδή διέρχεται από τη θέση ισορροπίας ($y=0$) κινούμενη προς τα πάνω. Συνεπώς:

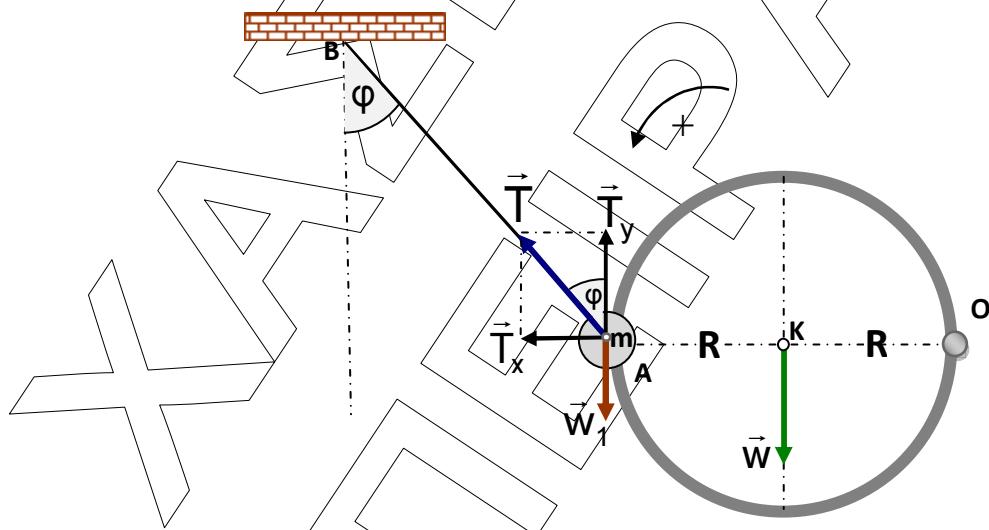
$$f_{A(\max)} = \frac{U}{U - U_{K(\max)}} f_s \quad \text{με } U_{K(\max)} = \omega \cdot |A_{K(\max)}| = \omega \cdot 2A = 10\pi \cdot 2 \cdot \frac{0,2}{\pi} = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Οπότε:

$$f_{A(\max)} = \frac{340}{340 - 4} 672 = \frac{340}{336} 672 \Leftrightarrow f_{A(\max)} = 680 \text{Hz}$$

ΘΕΜΑ Δ

- Δ1. Σχεδιάζουμε τις δυνάμεις που ασκούνται στο δακτύλιο και το σφαιρίδιο και αναλύουμε την τάση του νήματος στις συνιστώσες \vec{T}_x και \vec{T}_y . Για να ισορροπεί το σύστημα πρέπει να ικανοποιείται η συνθήκη $\sum \vec{F} = 0$ ως προς οποιοδήποτε σημείο. Επιλέγουμε το σημείο Ο έτσι ώστε η άγνωστη δύναμη της άρθρωσης να έχει ροπή ίση με μηδέν.



$$\sum \tau_{(O)} = 0 \Leftrightarrow \tau_w + \tau_{w_1} - \tau_{T_y} = 0 \Leftrightarrow$$

$$w \cdot R + w_1 \cdot 2R - T_y \cdot 2R = 0 \Leftrightarrow M \cdot g \cdot R + m \cdot g \cdot 2R - T \cdot \sin 60^\circ \cdot 2R = 0 \Leftrightarrow$$

$$M \cdot g + 2m \cdot g - T \cdot \frac{1}{2} \cdot 2 = 0 \Leftrightarrow T = (M + 2m) \cdot g = (3 + 2 \cdot 1) \cdot 10 \Leftrightarrow T = 50 \text{ N}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)

- Δ2.** Για να υπολογίσουμε τη ροτή αδράνειας του δακτυλίου ως προς άξονα που περνά από το κέντρο μάζας του και είναι κάθετος στο επίπεδό του, τον χωρίζουμε σε N υλικά σημεία, καθένα από τα οποία απέχει απόσταση R από το κέντρο του Ο και αθροίζουμε τις αντίστοιχες ροπές αδράνειας.

$$I_{\text{δακτ(cm)}} = m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 + \dots + m_N r_N^2 = m_1 R^2 + m_2 R^2 + \dots + m_N R^2 = (m_1 + m_2 + \dots + m_N) R^2$$

Επομένως:

Η ροτή αδράνειας του δακτυλίου ως προς τον άξονα περιστροφής που διέρχεται από το Ο, θα δίνεται με βάση το θεώρημα Steiner από τη σχέση:

$$I_{\text{δακτ(O)}} = I_{\text{δακτ(cm)}} + MR^2 = MR^2 + MR^2 = 2MR^2$$

Η ροτή αδράνειας του συστήματος ως προς τον άξονα που περνά από το σημείο Ο, υπολογίζεται προσθέτοντας και τη ροτή αδράνειας του σφαιριδίου (υλικό σημείο).

$$I_{\text{oλ(O)}} = I_{\text{δακτ(O)}} + I_{\text{σφαιρ(O)}} = 2MR^2 + m(2R)^2 = 2MR^2 + 4mR^2 = 2(M + 2m)R^2$$

$$I_{\text{oλ(O)}} = 2(3 + 2 \cdot 1)0,4^2 = 10 \cdot 0,16 \Leftrightarrow I_{\text{oλ(O)}} = 1,6 \text{ Kg} \cdot \text{m}^2$$

- Δ3.** Το σύστημα δακτύλιος - σφαιρίδιο θα περιστραφεί γύρω από τον άξονα που περνά από το σημείο Ο. Επειδή κατά την κίνηση του συστήματος οι μοναδικές δυνάμεις που παράγουν έργο είναι τα βάρη σφαιριδίου - δακτυλίου, που είναι συντηρητικές, μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε Αρχή Διατήρησης Μηχανικής (Α.Δ.Μ.Ε) για να υπολογίσουμε το μέτρο της γωνιακής ταχύτητας του συστήματος τη στιγμή που η διάμετρος ΟΑ γίνει κατακόρυφη. Λαμβάνοντας σαν επίπεδο μηδενικής δυναμικής ενέργειας $U_{\text{βαρ}}=0$ αυτό που περνά από το σημείο A έχουμε:

A.Δ.Μ.Ε.:

$$E_{\mu\eta\chi(I)} = E_{\mu\eta\chi(II)}$$

$$K_{\text{oλ(I)}} + U_{\text{δακτ(I)}} + U_{\text{σφ(I)}} = K_{\text{oλ(II)}} + U_{\text{δακτ(II)}} + U_{\text{σφ(II)}}$$

$$0 + Mg2R + mg2R = \frac{1}{2} \cdot I_{\text{oλ(O)}} \cdot \omega^2 + MgR \Leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot I_{\text{oλ(O)}} \cdot \omega^2 = MgR + mg2R$$

$$\frac{1}{2} \cdot I_{\text{oλ}(O)} \cdot \omega^2 = (M + 2m)gR \Leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot 1,6 \cdot \omega^2 = (3 + 2 \cdot 1) \cdot 10 \cdot 0,4 \Leftrightarrow \omega^2 = 25$$

Επομένως προκύπτει:

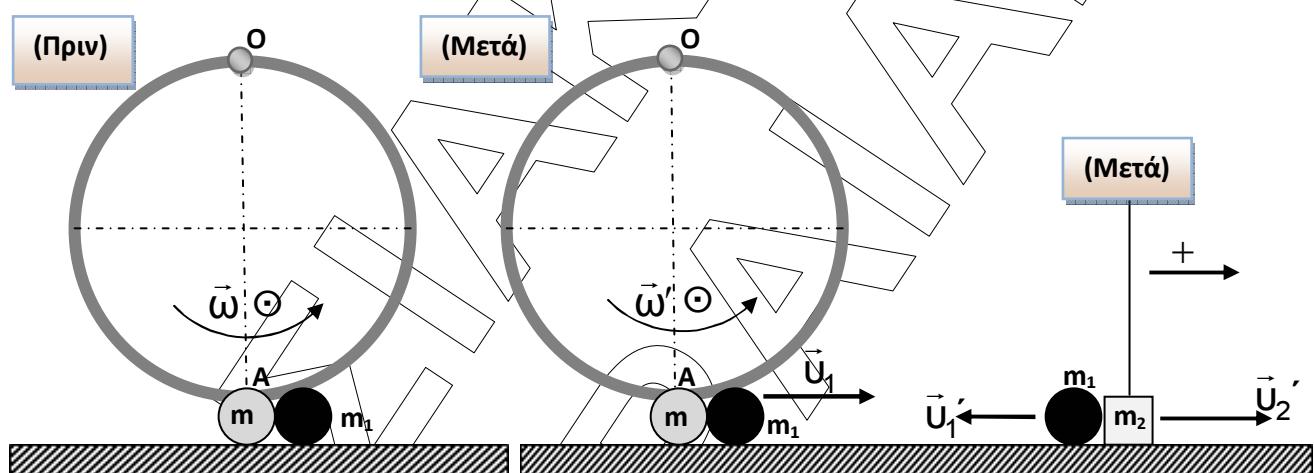
$$\omega = 5 \text{ rad/s}$$

Το ζητούμενο μέτρο της στροφορμής του δακτυλίου βρίσκεται από τη σχέση:

$$L_{\text{δακτ}} = I_{\text{δακτ}(O)} \cdot \omega \text{ ή } L_{\text{δακτ}} = 2 \cdot M R^2 \cdot \omega = 2 \cdot 3 \cdot 0,4^2 \cdot 5 \Leftrightarrow$$

$$L_{\text{δακτ}} = 4,8 \frac{\text{Kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}}$$

Δ4.



Γνωρίζουμε την ταχύτητα v_1' του σώματος Σ_1 μετά την κεντρική ελαστική κρούση του με το σώμα Σ_2 , οπότε μπορούμε να βρούμε την ταχύτητα v_1 , που έχει το σώμα Σ_1 αμέσως μετά την κρούση του με το σύστημα δακτυλίου – σφαιριδίου. Προσέχουμε ότι το σώμα Σ_1 κινείται αντίθετα μετά την κρούση του με το Σ_2 , οπότε με βάση τη φορά που ορίσαμε ως θετική, αλγεβρικά ισχύει $v_1' = -1 \text{ m/s}$. Επειδή η κρούση $\Sigma_1-\Sigma_2$ είναι ελαστική ισχύει:

$$v_1' = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_1 \Leftrightarrow -1 = \frac{1 - 2}{1 + 2} v_1 \Leftrightarrow v_1 = 3 \text{ m/s}$$

Κατά την κρούση του συστήματος δακτύλιος – σφαιρίδιο με το σώμα Σ_1 μπορούμε να εφαρμόσουμε την αρχή διατήρησης της στροφορμής στο σύστημα δακτύλιος-σφαιρίδιο- m_1 ως προς τον άξονα περιστροφής, αφού $\Sigma_{\text{εξωτ}} = 0$ (εξωτερικές δυνάμεις είναι τα βάρη και η δύναμη από τον άξονα). Από την Α.Δ.Σ έχουμε:

$$L_{\text{oλ(πριν)}} = L_{\text{oλ(μετά)}} \Leftrightarrow I_{\text{oλ}(O)} \cdot \omega = I_{\text{oλ}(O)} \cdot \omega' + m_1 u_1 2R \Leftrightarrow 1,6 \cdot 5 = 1,6 \cdot \omega' + 1 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 0,4$$

οπότε βρίσκουμε $\omega' = 3,5 \text{ rad/s}$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)

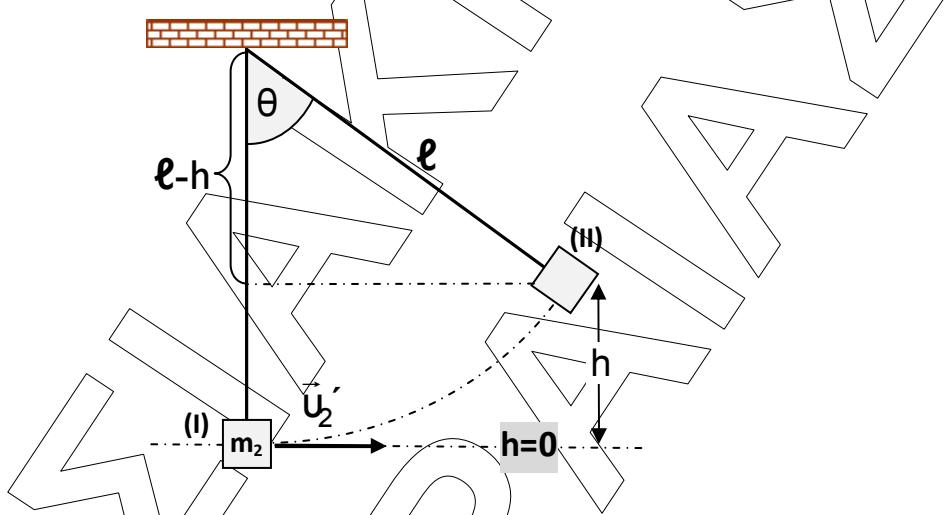
Η θερμική ενέργεια που εκλύεται κατά την κρούση του συστήματος με το σώμα Σ_1 υπολογίζεται από τη σχέση:

$$Q_{\text{κρουσης}} = |\Delta K_{\text{ολ}}| = K_{\text{ολ(πριν)}} - K_{\text{ολ(μετά)}} = \frac{1}{2} I_{\text{ολ}} \cdot \omega^2 - \left(\frac{1}{2} I_{\text{ολ}} \cdot \omega'^2 + \frac{1}{2} m_1 u_1^2 \right)$$

$$Q_{\text{κρουσης}} = \frac{1}{2} \cdot 1,6 \cdot 5^2 - \left(\frac{1}{2} \cdot 1,6 \cdot 3,5^2 + \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 3^2 \right) \Leftrightarrow Q_{\text{κρουσης}} = 5,7 \text{ Joule}$$

- Δ5. Το σώμα Σ_2 μετά την κεντρική ελαστική κρουση του με το σώμα Σ_1 αποκτά

$$\text{ταχύτητα: } u_2' = \frac{2m_1}{m_1+m_2} u_1 \Leftrightarrow u_2' = \frac{2 \cdot 1}{1+2} \cdot 3 \Leftrightarrow u_2' = 2 \text{ m/s}$$



Το σώμα Σ_2 θα διαγράψει τόξο κύκλου μέσω του τεντωμένου νήματος, μέχρι να σταματήσει στιγμιαία. Κατά την κίνηση αυτή το βάρος είναι συντηρητική δύναμη ενώ η μη συντηρητική τάση του γηματος είναι συνεχώς κάθετη στη μετατόπιση και δεν παράγει έργο.

Εφαρμόζοντας την αρχής διατήρησης της μηχανικής ενέργειας (Α.Δ.Μ.Ε.):

$$E_{\mu\eta\chi(I)} = E_{\mu\eta\chi(II)} \text{ οπότε } K_{(I)} + U_{(I)} = K_{(II)} + U_{(II)}$$

$$\frac{1}{2} m_2 \cdot u_2'^2 = m_2 g h \Leftrightarrow h = \frac{u_2'^2}{2g} = \frac{2^2}{2 \cdot 10} \Leftrightarrow h = 0,2 \text{ m}$$

Παρατηρούμε ότι $h < \ell$ οπότε το σώμα Σ_2 σταματά στιγμιαία πριν το νήμα γίνει οριζόντιο. Από το παραπάνω σχήμα προκύπτει:

$$\text{συνθ} = \frac{\ell - h}{\ell} = 1 - \frac{h}{\ell} = 1 - \frac{0,2}{1} \Leftrightarrow \text{συνθ} = 0,8$$

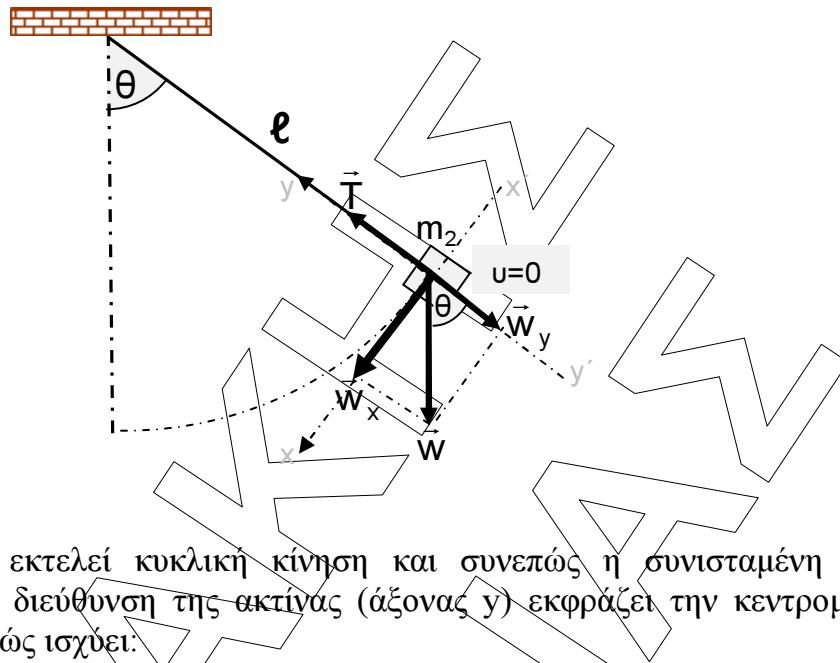
Από την ταυτότητα $\eta\mu^2\theta + \text{συν}^2\theta = 1$ προκύπτει $\eta\mu\theta = 0,6$

Το μέτρο του ρυθμού μεταβολής της ορμής στη θέση της μέγιστης εκτροπής

$$\text{υπολογίζεται από τη σχέση: } \frac{dP}{dt} = \Sigma F = \sqrt{(\Sigma F_x)^2 + (\Sigma F_y)^2}$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013

E_3.Φλ3ΘT(a)



Το σώμα Σ_2 εκτελεί κυκλική κίνηση και συνεπώς η συνισταμένη των δυνάμεων στη διεύθυνση της ακτίνας (άξονας y) εκφράζει την κεντρομόλο δύναμη. Συνεπώς ισχύει:

$$(\text{άξονας } y): F_{\text{κεντρ}} = \sum F_y = \frac{m_2 \cdot u^2}{l} = 0 \text{ γιατί στιγμαία } v=0.$$

Άρα:

$$\frac{dP}{dt} = \sum F = \sqrt{(\sum F_x)^2 + (\sum F_y)^2} = \sum F_x = w_x = m_2 g \cdot \eta \mu \theta = 2 \cdot 10 \cdot 0,6$$

Οπότε:

$$\frac{dP}{dt} = 12 \text{ N}$$